

# Treewidth (largeur d'arbre)

23 novembre 2021 14:32

Paramètre sur les graphes.

Idée: si  $G$  est un arbre, beaucoup d'algo en temps  $\text{poly}(n)$

Si  $G$  n'est pas un arbre, param

$k =$  "à quel point  $G$  est proche d'un arbre"  
= treewidth

Plan

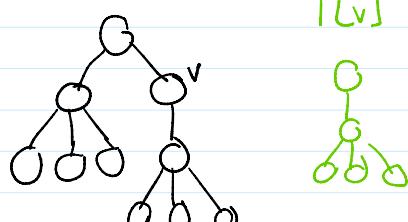
- ① Prog. dynamique sur les arbres
- ② Définition de treewidth + décomp en arbre
- ③ Résultats maths de base
- ④ Algos FPT en treewidth (prog. dynamique)

---

① Prog. dynamique sur arbres

Soit  $T = (V, E)$  un arbre, enraciné.

Pour  $v \in V(T)$ , on dénote par  $T[v]$  le sous-arbre enraciné en  $v$ .



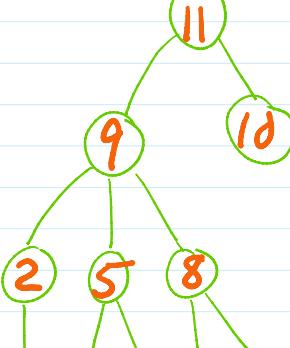
Squelette général: définir  $I(v)$  un ensemble d'info à calculer sur chaque  $T[v]$ .

progDynArbre ( $T = (V, E)$ )

pour  $v \in V$  dans un parcours postordre  
si  $v$  est une feuille //  $v$  est visité après ses enfants

calculer  $I(v)$  trivialement

sinon



sinon

sont  $v_1, \dots, v_n$  les enfants de  $v$

$$I(v) = f(I(v_1), I(v_2), \dots, I(v_n))$$

return  $I(\text{racine})$

